제 2 교시

1

 $I.\lim_{x\to 0}rac{e^x-1}{3x}$ 의 값은? [2점]

- $\bigcirc \frac{1}{5} \qquad \qquad \bigcirc \frac{1}{4} \qquad \qquad \bigcirc \frac{1}{3}$
- $4\frac{1}{2}$

 $\vec{a}$  두 벡터  $\vec{a} = (x+1,2), \ \vec{b} = (1,-x)$ 가 서로 수직일 때, x의 값은?

- 1 1 **4**
- 2 2 **⑤** 5
- 33

2.  $_n$ C  $_2$  = 21일 때, 자연수 n의 값은? [2점]

- 1)4 **4** 7
- 25
- ⑤8

36

 $\mathbf{4.} \int_{e}^{e^3} \frac{\ln x}{x} dx$  의 값은? [3점]

- 1 1 4
- 2 2
- **⑤** 5
- 3 3

5. 두 사건 A, B에 대하여

 $P\left(A\right) = \frac{1}{4} \,,\, P\left(A \cap B\right) = \frac{1}{6}$ 

일 때, P(B|A)의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{3}$  ②  $\frac{5}{12}$  ④  $\frac{7}{12}$  ⑤  $\frac{2}{3}$
- $3\frac{1}{2}$

 $\emph{6.}$  삼각형 ABC 에서 $\overline{AB}$  = 2,  $\angle$  B = 90  $^{\circ}$ ,  $\angle$  C = 30  $^{\circ}$  이다. 점 P 가  $\overrightarrow{PB} + \overrightarrow{PC} = \overrightarrow{0}$  를 만족시킬 때,  $|\overrightarrow{PA}|^2$  의 값은? [3점]

- ① 3
- 2 4
- 3 5

- **4** 6
- **⑤** 7

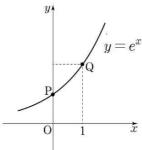
- 7. 부등식  $2\log_3(x+1) \leq \log_3(5-x)$ 를 만족시키는 정수 x의 개수 는? [3점]
- ① 2
- ②3
- 3 4

- **4** 5
- **⑤** 6

 $m{\mathcal{S}}$ . 좌표평면 위를 움직이는 점  $\mathbf{P}\left(x,y\right)$ 의 시각 t에서의 위치가  $x=\ln t^2\,,\quad y=t+rac{1}{t}$ 일 때, 시각 t=1에서 t=3까지 점 P가 움직인 거리는? [3점]

- 3 3
- ①  $\frac{7}{3}$  ②  $\frac{8}{3}$  ④  $\frac{10}{3}$  ⑤  $\frac{11}{3}$

10. 그림과 같이 곡선  $y=e^x$ 에 대하여, 곡선 위의 두 점 P(0,1), Q(1,e)가 있다. 곡선 PQ과 y축, y=e로 둘러싸인 부분 을 y축의 둘레로 회전시킨 회전체의 부피는? [3점]



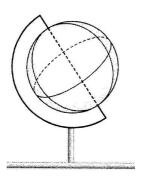
- $\textcircled{1} \ \pi \left( \frac{e}{2} 1 \right) \qquad \qquad \textcircled{2} \ \pi (e 2) \qquad \qquad \textcircled{3} \ \pi (e 1)$   $\textcircled{4} \ \frac{\pi (e^2 1)}{2} \qquad \qquad \textcircled{5} \ \frac{\pi (e^2 + 1)}{2}$

**9.** 다항식  $(1+ax)^7$ 의 전개식에서 x의 계수가 14일 때,  $x^2$ 의 계수는? (단 a는 상수이다) [3점]

- 1)72
- 2 78
- 3 84

- 4) 90
- ⑤ 96

11. 아래 그림과 같이 회전이 가능한 지구본 형태의 구를 세로로 3등분, 12. 타원  $2x^2+y^2=1$ 과 직선 y=3x가 만나는 점에서의 타원 가로로 2등분하여 크기와 모양이 같은 6개의 도형으로 나누었다. 서 로 다른 6가지의 색을 모두 사용하여 이 도형의 6면을 각각 하나의 색으로 칠하는 모든 경우의 수는? [3점]



- ① 600
- ② 480
- 3 360
- 4 240 ⑤ 120

- $2x^2 + y^2 = 1$ 의 접선의 기울기는? [3점]

3 - 1

 ${\it 13.}$  함수  $f(x)=\ln{(e^x-1)}$ 의 역함수를 g(x)라 할 때, 양수 a에 대 하여  $\frac{1}{f'(a)}+\frac{1}{g'(a)}$ 의 값은? [3점]

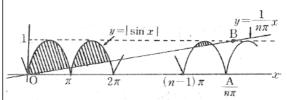
- ①2
- 2 4
- ③6

- 48
- ⑤ 10

14. 다음은 양의 실수 x에 대하여  $y \ge \frac{1}{n\pi}x$ 와  $y \le |\sin x|$ 를 만족하는 영역의 면적을  $S_n$ 이라 할 때.

$$\left(2 - \frac{\pi}{2}\right)n < S_n < \left(2 - \frac{\pi}{4}\right)n$$

이 성립하는 것을 보이는 과정이다.



위의 그림에서 
$$S_n > n \int_0^\pi \sin x \, dx - \Delta \, OAB$$

$$=n\left[-\cos x\right]_{0}^{\pi}-rac{1}{2}n\pi=\left(2-rac{\pi}{2}
ight)n$$

한편,  $n \geq k$ 일 때,  $(k-1)\pi \leq x \leq k\pi$ 에 있

어서  $y = |\sin x|$ 와  $y = \frac{1}{n\pi}x$ 로 둘러싸인 부

분의 면적은,  $y=|\sin x|$ 와 오른쪽 그림에서  $\frac{(k-1)\pi}{(k-1)\pi}$   $\frac{1}{(k-1)\pi}$   $\frac{1}{k\pi}$  선분 PR, RQ로 둘러싸인 부분의 면적보다 작다.

$$S_n < \sum_{k=1}^n \biggl\{ 2 - \frac{\pi}{2n} \Bigl( \boxed{ \ \ } (\mathrm{TF}) \Bigr) \biggr\}$$

$$=2n-\frac{\pi}{2n}\Big( \boxed{ (\downarrow) } \Big)$$

따라서 
$$\left(2-\frac{\pi}{2}\right)n < S_n < \left(2-\frac{\pi}{4}\right)n$$
 를 만족한다.

위의 (가)에 알맞은 식을 f(k), (나)에 알맞은 식을 g(n)이라 할 때,  $\frac{\pi \times g(15)}{f(5)}$  의 값은? [4점]

- 15
- 2 20
- 3 25

- **4** 30
- (5) 35

### 수학 영역[가형]

- 만족하는 순서쌍 (A, B)의 개수는? [4점]
  - ① 135
- 2 162
- ③ 189

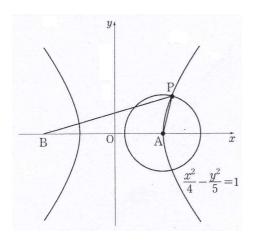
- **4** 216
- **⑤** 243

M, 최솟값을 m이라 하자. M+m의 값은? [3점]

① 
$$2 - \frac{\sqrt{3}}{3}$$
 ②  $2$ 

- **4** 3
- (5) 3 +  $\frac{\sqrt{3}}{3}$

과 쌍곡선  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$ 의 한 교점을 P라고 하자. 점 B(-3,0)에 대하여  $\overline{PB} - \overline{PA} = 4$ 일 때, r의 값은? (단, 0 < r < 2) [4점]



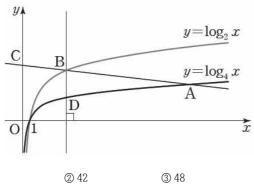
- ②  $\frac{13}{8}$
- $3\frac{3}{2}$

- 17. 그림과 같이 점 A(2,0)을 중심으로 하고 반지름의 길이가 r인 원  $\mid$  18. 두 동전 A, B를 동시에 던져 그 결과에 따라 좌표평면 위의 점을 다 음과 같이 이동시킨다.
  - (가) A, B 모두 앞면이 나오면 점 (x, y)를 점 (x+1, y+1)로 이동시킨다.
  - (나) A는 앞면, B는 뒷면이 나오면 점 (x, y)를 점 (x+1, y-1)로 이동시킨다.
  - (다) A는 뒷면, B는 앞면이 나오면 점 (x, y)를 점 (x-1, y+1)로 이동시킨다.
  - (라) A, B 모두 뒷면이 나오면 점 (x, y)를 점 (x-1, y-1)로 이동시킨다.

원점에 위치한 점 P가 두 동전 A, B를 동시에 던지는 시행을 6번 반복한 후 직선 x+y=6 위로 옮겨지게 될 확률은? [4점]

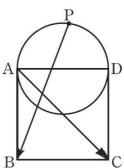
- $\textcircled{1} \frac{45}{1024}$

19. 그림과 같이 곡선  $y = \log_4 x$  위의 점 A를 지나는 직선이 곡선 | 20. 그림과 같이 한 평면 위에 한 변의 길이가 2인 정사각형 ABCD와  $y = \log_2 x$ 와 만나는 점을 B, y축과 만나는 점을 C 라 하고, 점 B를 지나고 y축과 평행한 직선이 곡선  $y = \log_4 x$ 와 만나는 점을 D라 하 자.  $\overline{AB} = 3\overline{BC}$ ,  $\overline{AB} = \overline{AD}$ 일 때, 삼각형 ABD의 넓이는? [4점]



- ① 36 4 54
- ② 42 ⑤ 60

선분 AD가 지름인 원이 있다. 이 원 위를 움직이는 점 P에 대하여 PB · AC 의 최댓값은? [4점]



- ①  $4+2\sqrt{2}$ **4** 3
- 2 4 ⑤  $2+2\sqrt{2}$
- $3 + 2\sqrt{2}$

9

21. 연속함수 y = f(x)가 모든 실수 x에 대하여

$$f(x) = \int_{1}^{x} \sin x \cdot f(x) dx$$
 이다.

$$f(0) = -1$$
일 때,  $\int_0^1 \sin 2x \cdot f(x) dx$ 의 값은? [4점]

2 2

3 3

⑤ 5

단답형

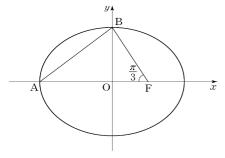
22. 7을 서로 다른 세 자연수로 분할하는 경우의 수를 구하시오. [3점]

23. 함수 f(x)= tan x에 대하여 tan a = 5일 때, f'(a)의 값을 구하시오. [3점]

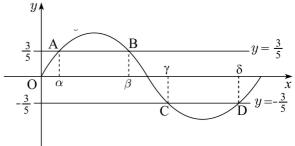
#### 

### 수학 영역(가형)

. 타원  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ 의 한 초점을 F(c, 0) (c > 0), 이 타원이 x 축과 만나는 점 중에서 x 좌표가 음수인 점을 A, y 축과 만나는 점 중에서 y 좌표가 양수인 점을 B라 하자.  $\angle$  AFB  $= \frac{\pi}{3}$ 이고 삼각형 AFB의 넓이는  $6\sqrt{3}$ 일 때,  $a^2 + b^2$ 의 값을 구하시오. (C, a, b)는 상수이다.) [3점]



. 그림과 같이 함수  $y=\sin \pi x\ (0 \le x \le 2)$ 의 그래프가 직선  $y=\frac{3}{5}$ 과 두 점 A , B 에서 만나고, 직선  $y=-\frac{3}{5}$ 과 두 점 C , D 에서 만난다. 네 점 A , B , C , D 의 x 좌표를 각각  $\alpha$  ,  $\beta$  ,  $\gamma$  ,  $\delta$  라할 때,  $\alpha+2\beta+2\gamma+\delta$ 의 값을 구하시오. [4점]

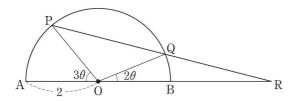


. 어느 고등학교의 3학년 학생들을 대상으로 주거형태를 조사한 결과 A형과 B형 두 가지였다. 주거형태가 B형인 남학생의 수는 주거형태가 A형인 여학생수의 2배이고, 주거형태가 A형인 학생 중 여학생의 비율은 40%이다. 3학년 학생 중 임의로 한명을 뽑았더니 남학생이었다. 이 학생의 주거형태가 A형일 확률을  $\frac{q}{p}$ 라고 할 때, p+q의 값을 구하시오. (단, p,q는 자연수) [3점]

11

27. 그림과 같이 중심이 O이고  $\overline{AB}=4$ 를 지름으로 하는 반원이 있다. 실수  $\theta$ 에 대하여  $\angle$  AOP  $=3\theta$ ,  $\angle$  BOQ  $=2\theta$ 가 되도록 두 점 P,Q를 반원 위에 각각 잡고, 직선 PQ와 지름 AB의 연장선의 교점을 R이라 하자. 삼각형 OQR과 부채꼴 OBQ의 넓이를 각각

 $f(\theta)$  ,  $g(\theta)$ 라 할 때,  $\lim_{\theta \to 0} \frac{f(\theta)}{g(\theta)}$ 의 값을 구하시오. [4점]



**28.** 세 정수 a, b, c에 대하여

|a| + |b| + |c| = 8

을 만족시키는 모든 순서쌍 (a,b,c)의 개수를 구하시오. [4점]

#### 12

### 수학 영역[가형]

- **29.** 세 평면벡터  $\vec{a}=(1,3)$  ,  $\vec{b}=(3,1)$  ,  $\vec{p}=(x,y)$ 가  $(\vec{p}-\vec{a})\cdot(\vec{p}-\vec{b})=0$ 을 만족시킨다. 내적  $\vec{a}\cdot\vec{p}$ 의 최댓값이  $m+n\sqrt{5}$ 일 때, mn의 값을 구하시오. (단, m, n은 정수이다.) [4점]
- 30. 함수  $f(x)=e^{-x}(x^2-x)$ 와 m이 상수일 때, 직선 y=mx+t에 대하여, 두 함수의 교점의 좌표를  $g_m(t)$ 라고 하자(t는 모든 실수). 그리고 실수 m에 대하여 집합 S를  $S=\{m\,|\,g_m(t)$ 의 불연속점이 1개보다 적거나 같다.  $\}$ 라 하자. 집합 S에 속하는 m의 범위가 m<a 또는 m>b일 때,

(단, p, q는 자연수이다.) [4점]

 $ab = -\frac{q}{e^p}$ 이다.  $p^2 + q^2$ 의 값을 구하시오.

#### ※ 확인 사항

○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.